

Adott egy  $ABCO$  négyoldalú gúla, és az  $ABCD$  alaplap belsejében egy  $P$  pont. Egy  $O$ -ra nem illeszkedő sík az  $OA$ ,  $OB$ ,  $OC$ ,  $OD$  és  $OP$  egyeneseket rendre az  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$ ,  $D'$ , illetve  $P'$  pontokban metszi. Igazoljuk, hogy

$$\frac{t_{PAB} \cdot t_{PCD}}{t_{PBC} \cdot t_{PDA}} = \frac{t_{P'A'B'} \cdot t_{P'C'D'}}{t_{P'B'C'} \cdot t_{P'D'A'}}.$$

( $t_{XYZ}$  az  $XYZ$  háromszög területét jelöli.)