

Jelölje $\mathbb{Z}$ az egész számok halmazát. Határozzuk meg az összes olyan $f: \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}$ függvényt, amelyre minden egész a, b esetén teljesül

$$f(2a) + 2f(b) = f(f(a+b)).$$