

Legyenek  $a_1, a_2, \dots, a_{2018}$  olyan nemnegatív valós számok, amelyek összege 1. Adjuk meg az

$$S = \sum_{i \neq j, i|j} a_i a_j$$

összeg lehető legnagyobb értékét.