

Egy vadász és egy láthatatlan nyúl egy játékot játszik az euklideszi síkon. A nyúl  $A_0$  kiindulópontja és a vadász  $B_0$  kiindulópontja egybeesnek. A játék  $(n - 1)$ -edik menete után a nyúl az  $A_{n-1}$  pontban, a vadász a  $B_{n-1}$  pontban van. A játék  $n$ -edik menetében a következő három dolog történik, ebben a sorrendben:

- (i) A nyúl láthatatlan módon egy olyan  $A_n$  pontba megy, amire  $A_{n-1}$  és  $A_n$  távolsága pontosan 1.
- (ii) Egy nyomkövető eszköz megad egy  $P_n$  pontot a vadásznak. Az eszköz által a vadásznak nyújtott információ mindössze annyi, hogy  $P_n$  és  $A_n$  távolsága legfeljebb 1.
- (iii) A vadász látható módon egy olyan  $B_n$  pontba megy, amire  $B_{n-1}$  és  $B_n$  távolsága pontosan 1.

Igaz-e, bárhogyan mozogjon is a nyúl, és bármilyen pontokat jelezzen is a nyomkövető eszköz, hogy a vadász mindig meg tudja úgy választani a mozgását, hogy  $10^9$  menet után a távolság közte és a nyúl között legfeljebb 100 legyen?