

Van-e a síkbeli négyzetrácsnak olyan  $S$  véges, nemüres részhalmaza, amelyben minden pontnak legalább két szomszédja szintén  $S$ -beli, és  $S$  nem tartalmaz négy olyan pontot, amelyek egy (nem feltétlenül tengelypárhuzamos) négyzet csúcsai?