

Az $a, b, c \geq 0$ számokra teljesül, hogy $a + b \leq c + 1$, $b + c \leq a + 1$, $c + a \leq b + 1$. Mutassuk meg, hogy $a^2 + b^2 + c^2 \leq 2abc + 1$.