

Legyen tetszőleges n pozitív egészre

$$s_n(x) = \sum_{d|n} \frac{n}{d} x^d,$$

és definiáljuk a $p_0, p_1, \dots$ polinomokat a következő rekurzióval: $p_0(x) = 1$,

$$p_n = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n s_k(x) p_{n-k}(x).$$

Igazoljuk, hogy a p_n polinom mindegyik együtthatója egész szám.