

Bizonyítsuk be, hogy

$$\frac{n^2 - n}{2} \leq \{\sqrt{1}\} + \{\sqrt{2}\} + \dots + \{\sqrt{n^2}\} \leq \frac{n^2 - 1}{2},$$

ahol $\{x\}$ az x törtrészét jelöli.