Bizonyítsuk be, hogy ha az f függvényre

$$f(x+1)+f(x-1)=\sqrt{2}f(x)$$

minden valós x-re teljesül, akkor a függvény periodikus.