

Legyen f a véges S halmaz részhalmazain értelmezett függvény. Igazoljuk, hogy ha S tetszőleges A, B részhalmazaira

$$f(S \setminus A) = f(A) \quad \text{és} \quad \max(f(A), f(B)) \geq f(A \cup B),$$

akkor f legfeljebb $|S|$ különböző értéket vesz fel.