Határozzuk meg az összes olyan x, y, z, w valós számnégyest, amelyre

$$x + y + z + w = x^7 + y^7 + z^7 + w^7 = 0.$$