

Bizonyítsuk be, hogy

$$\binom{n}{1} + 2^2 \binom{n}{2} + 3^2 \binom{n}{3} + \dots + n^2 \binom{n}{n} = \binom{n+1}{2} 2^{n-1}.$$