

Bizonyítsuk be, hogy

$$x^{4n+2} - (2n+1)x^{2n+2} + (2n+1)x^{2n} - 1$$

osztható

$$(x^2 - 1)^3\text{-mal.}$$