

Legyen $A \subset (0; 1)$ olyan halmaz, amely véges sok intervallum egyesítése, és az intervallumok hosszának összege $\frac{1}{3}$.
Legyen $B = \left\{ \{x - y\} : x, y \in A \right\}$, vagyis az a halmaz, amely az A -beli elemek különbségeinek törtrészeiből áll, és ezen intervallumok hosszának összege legalább $\frac{2}{3}$. Igazoljuk, hogy B is véges sok intervallum egyesítése.