

Legyenek x, y, z pozitív egész számok. Bizonyítsuk be, hogy végtelen sok (x, y, z) számhármásra teljesül az

$$(1) \qquad (x^2 + x + 1)(y^2 + y + 1) = (z^2 + z + 1)$$

egyenlőség.