Melyik az a legnagyobb pozitív egész n, amelyre

$$\sin^n x + \cos^n x \geqq \frac{1}{n}$$

bármely valós x-re?