

Egy táblára felírtuk a következő három számot: $\frac{1}{\sqrt{2}}$, $\sqrt{2}$, 2. A számok közül ezután bármelyik kettőt letörölhetjük és ezután helyükre az összegük, illetve a különbségük $\frac{1}{\sqrt{2}}$ -szörösét írjuk. Elérhető-e, hogy néhány ilyen csere után az 1, $\sqrt{2}$, $1 + \sqrt{2}$ számok álljanak a táblán?