Bizonyítsuk be, hogy az a paraméter minden lehetséges értéke esetén

$$\frac{1+a^3}{(1+a)^3} \geqq \frac{1}{4}.$$