

Az $x_1, x_2, \dots, x_n$ nemnegatív számok összege 1.
Milyen nagy lehet

$$(1) \qquad x_1x_2 + x_2x_3 + \dots + x_{n-2}x_{n-1} + x_{n-1}x_n$$

értéke?