

Egy I intervallum a nem feltétlenül diszjunkt $I_1, I_2, \dots, I_n$ intervallumok egyesítése. Bizonyítsuk be, hogy

- a) az $I_1, I_2, \dots, I_n$ intervallumok „bal oldali fele” – a felezőpontjuk és az alsó végpontjuk által közrefogott intervallum – együttesen az I -nek legalább a felét lefedi.
- b) ha tetszőlegesen hagyjuk el az $I_1, I_2, \dots, I_n$ intervallumoknak vagy a bal, vagy a jobb felét, akkor a megmaradó intervallumok az I -nek legalább a harmadát lefedik.