

Legyen az f függvény értelmezési tartománya a $[0, 1]$ intervallum, értékei nemnegatívak, és $f(1) = 1$, továbbá, ha $x_1 + x_2 \leq 1$, akkor $f(x_1 + x_2) \geq f(x_1) + f(x_2)$. Mutassuk meg, hogy ekkor minden $0 \leq x \leq 1$ -re $f(x) \leq 2x$. Igaz-e az $f(x) \leq 1,9x$ becslés is?