

Bizonyítsuk be, hogy ha $p(x)$ egy 100-adfokú polinom, melyre $p(1), p(2), \dots, p(102)$ a Fibonacci-sorozat ugyanilyen sorrendben egymás után következő elemei, akkor $p(x)$ főegyütthatója $\frac{1}{100!}$. (Az $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$ Fibonacci-sorozat elemeire $a_1 = a_2 = 1$, $a_{n+2} = a_{n+1} + a_n$.)