

Bizonyítsuk be, hogy ha f az egész számegyenesen értelmezett, pozitív értékű, monoton növekvő függvény, akkor létezik olyan a szám, amelyre

$$(5) \qquad f\left(a + \frac{1}{f(a)}\right) < 2f(a).$$