Igazoljuk a következő azonosságot:

$$(1+2)\left(1+2^2\right)\left(1+2^4\right)\ldots\left(1+2^{2^n}\right)=2^{2^{n+1}}-1.$$