

Legyen $\mathcal{A}$ pozitív egészekből álló halmaz, és jelölje minden pozitív egész n esetén $B(\mathcal{A}, n)$ az

$$(4) \qquad a + a' = n \quad (a, a' \in \mathcal{A}; a \leq a')$$

egyenlet megoldásainak számát. Bizonyítsuk be, hogy van olyan végtelen $\mathcal{A}$, amelyre $B(\mathcal{A}, n)$ csak véges sokszor páros, és van olyan végtelen $\mathcal{A}$ is, amelyre $B(\mathcal{A}, n)$ csak véges sokszor páratlan.