

Bizonyítsuk be, hogy

$$\left|\sum_{k=1}^{1000}\sin\left(2+\sqrt{7}\right)^k\pi\right|<10.$$