

Mutassuk meg, hogy bármely n természetes szám esetén

$$\sum_{k=0}^{\left[\frac{n}{2}\right]} 2^{n-2k} \binom{n}{k} \binom{n-1}{k} = \binom{2n}{n}.$$