

Bizonyítsuk be, hogy

$$\int_0^\pi |\ln \sin x| dx \leq \frac{\pi^3}{12},$$

ahol az $\ln$ az $e = 2,71 \dots$ alapú logaritmust jelöli.