

Legyenek $1 \leq a < b < c < d < e$ egész számok. Bizonyítsuk be, hogy

$$\frac{1}{[a, b]} + \frac{1}{[b, c]} + \frac{1}{[c, d]} + \frac{1}{[d, e]} < 1,$$

ahol $[x, y]$ a két szám legkisebb közös többszörösét jelöli.