Igazoljuk, hogy

$$\sum_{k=1}^{n} \left[\left(\sqrt{k} + \sqrt{k+1} \right)^2 \right] = n(2n+3),$$

ahol $[z]$ a z egész részét jelöli.