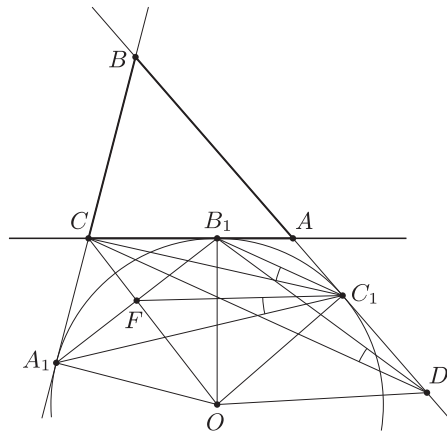


**Megoldás.** Legyen a kör középpontja  $O$ . Mivel az  $OA_1CB_1$  deltoidban  $A_1OC \sphericalangle = B_1OC \sphericalangle$ ,  $OA_1C \sphericalangle = 90^\circ$  és  $OFB_1 \sphericalangle = 90^\circ$ , az  $OA_1C$  és  $OFB_1$  háromszögek hasonlóak.



Legyen  $\Phi$  egy olyan  $O$  középpontú forgatva nyújtás, amelyre  $\Phi(A_1) = C$ . Ekkor a hasonlóság miatt  $\Phi(F) = B_1$ . Legyen  $\Phi(C_1) = D$ . Ekkor  $OC_1D$  háromszög is hasonló az előzőekhez és a  $D$  pont rajta van az  $AB$  egyenesen, mivel  $OC_1D \sphericalangle = 90^\circ$ .

Az  $OA_1C$  és  $OB_1C$  háromszögek egybevágóak, és  $OC_1 = OB_1$ , ezért az  $OB_1C$  és  $OC_1D$  háromszögek is egybevágóak. Ez alapján az  $AO$  egyenesre való tükrözés során, mivel  $O$  helyben marad,  $B_1$  képe  $C_1$ , és a két háromszög körüljárása különböző,  $C$  képe  $D$  lesz. Így  $B_1C_1DC$  egy olyan négyszög, melynek oldalain átmenő tükörtengelye van, így az húrtrapéz. Körülírt körében a  $B_1C$  húrhoz tartozó kerületi szögek egyenlők:  $CDB_1 \sphericalangle = CC_1B_1 \sphericalangle$ . Mivel  $\Phi(A_1C_1F \sphericalangle) = CDB_1 \sphericalangle$  és a forgatva nyújtás szögtartó, így  $A_1C_1F \sphericalangle = B_1C_1C \sphericalangle$ .