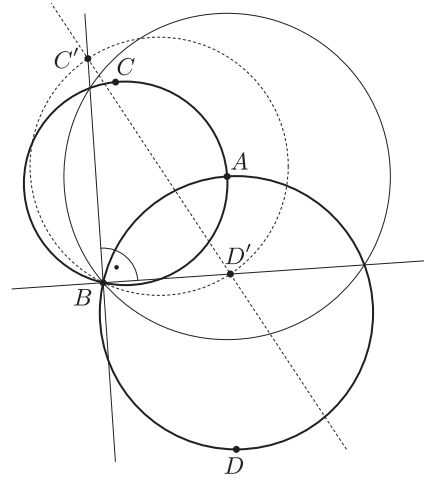


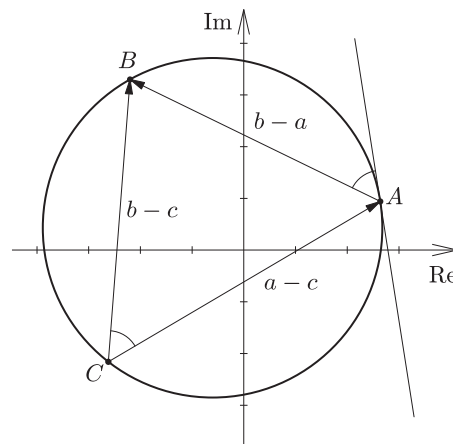
**I. megoldás.** Végezzünk inverziót, melynek alapköre legyen az  $A$  középpontú,  $AB$  sugarú kör. A  $B$  pont képe így önmaga, a  $C$  és  $D$  pont képe pedig legyen  $C'$ , illetve  $D'$ . Az inverzió szögtartó, ezért az  $ABC$  és  $ABD$  körök inverz alakzatai is merőlegesen fogják egymást metszeni. Mivel mindkét kör átmegy az alapkör középpontján, inverz képük egy-egy egyenes lesz: a  $BC'$  és  $BD'$  egyenesek. Ezek merőlegesen egymásra, így a  $BC'D'$  háromszög derékszögű. Az  $ACD$  kör is átmegy az alapkör középpontján, képe a  $D'C'$  egyenes, azaz a derékszögű háromszög átfogójának egyenese.



A  $BCD$  kör nem megy át az alapkör középpontján, képe így a  $BC'D'$  kör lesz. Ez a kör a  $BC'D'$  derékszögű háromszög köré írt köre, ahol az átfogó egyenese ( $D'C'$ ) a Thálesz-tétel szerint egyben a  $BC'D'$  kör egyik átmérőjének egyenese. A  $D'C'$  ezek szerint átmegy a  $BC'D'$  kör középpontján, így az egyenes a kört merőlegesen metszi. Ebből következik, hogy az eredeti körök,  $ACD$  és  $BCD$  is merőlegesen metszették egymást.

*Hajdók Soma* (Budapest, Németh László G.11. évf.)

**II. megoldás.** Oldjuk meg a feladatot komplex számok segítségével. Az  $A, B, C$  és  $D$  pontokba mutató vektoroknak feleljenek meg az  $a, b, c, d$  komplex számok. Tekintsük az  $ABC$  háromszöget és annak körülírt körét.



A kerületi szögek tétele miatt az  $A$  pontba húzott érintő éppen akkora szöget zár be  $AB$ -vel, mint amekkora a  $BCA$ . Tehát, ha  $(b-a)$ -t megszorozzuk  $\frac{a-c}{b-c}$ -vel, akkor az  $A$  pontba húzott érintő irányába mutató vektort kapunk:  $\frac{a-c}{b-c}(b-a)$ . Hasonlóképpen tekintve az  $ABD$  kört, itt az  $A$ -hoz húzott érintő iránya megegyezik az  $\frac{a-d}{b-d}(b-a)$  vektor irányával. E két érintő pontosan akkor merőleges egymásra, ha a két vektor hányadosának  $\left(\frac{(a-c)(b-d)}{(b-c)(a-d)}\right)$  valós része 0.

Az  $ACD$  és a  $BCD$  körök metszésére ugyanez a feltétel jön ki, így ugyanakkor metszik egymást merőlegesen, mint a fenti két kör.

*Mészáros András* (Győr, Révay Miklós. G., 11. évf.)