

**Megoldás.** Minden dobás eredménye vagy fej vagy írás, ezért az összes lehetőségek száma 4 dobás esetén:  $2^4$ . Ahhoz, hogy legyen legalább 5 fej, az első menetben legalább 3 fejet kell dobnunk.

Az első kedvező eset legyen az, amikor 4 dobásból 3 alkalommal kaptunk fejet. Ez 4-féleképpen lehetséges (attól függően, hogy hanyadikra dobunk írást).

Ezután még háromszor dobhatunk, és legalább 2 fejet kell kapnunk. Ekkor az összes eset száma  $2^3$  és a kedvező esetek száma 4. Annak a valószínűsége, hogy így legalább 5 fejet dobtunk:

$$\frac{4}{2^4} \cdot \frac{4}{2^3} = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{8}.$$

A második kedvező esetben az, hogy 4 dobásból 4 fejet kapjunk, csak egyféleképpen lehetséges. Utána még négyszer dobhatunk, és mindössze még 1 fejre van szükségünk, ez pedig  $2^4 - 1$  módon jöhet létre (azt az 1 esetet kell kizárnunk, amikor csupa írást dobtunk.) Most legalább 5 fej dobásának valószínűsége:

$$\frac{1}{2^4} \cdot \frac{2^4 - 1}{2^4}.$$

Összegezve a két esetet a keresett valószínűség:

$$\frac{1}{8} + \frac{2^4 - 1}{2^8} = \frac{1}{8} + \frac{15}{256} = \frac{47}{256}.$$