

**I. megoldás.** Az ábrák sorszámát  $n$ -nel jelöljük. Az ábrák felépítéséből leolvasható, hogy az összes kis négyzet száma  $(2n - 1)^2$ , mivel a kis négyzetek száma minden sorban és minden oszlopban 2-vel nő az előzőekhez képest.

Az összes fekete négyzet száma az  $n$ -edik ábrán  $n^2$ . A fehér négyzetek száma rendre  $0, 1, 4, \dots$ , az  $n$ -edik ábrán tehát  $(n - 1)^2$  db fehér négyzet van.

Az  $n$ -edik ábrán látható szürke négyzetek számát úgy kapjuk meg, ha az ábrán látható kis négyzetek számából levonjuk a fekete, illetve a fehér négyzetek számát. Az  $n$ -edik ábrán  $(2n - 1)^2 - n^2 - (n - 1)^2$  db szürke négyzet van. Hányadik ábrán lesz 2112 db szürke négyzet? Megtudjuk, ha megkeressük az alábbi egyenlet pozitív egész megoldását:  $(2n - 1)^2 - n^2 - (n - 1)^2 = 2112$ , azaz  $n^2 - n - 1056 = 0$ . A másodfokú egyenletet megoldva:  $n_1 = 33$ ,  $n_2 = -32$ . Ez utóbbi nyilván nem lehet a szürke négyzetek ábrájának sorszáma.

Tehát a 33. ábrán van pontosan 2112 darab szürke négyzet.

**II. megoldás.** Ha az egyes ábrákról elhagyjuk az alsó és a jobb szélső sort, akkor a maradék az alábbi kis négyzet ismétlődéséből fog állni:



Az előbbi kis négyzet az első ábrán 0-szor, a másodikon 1-szer, a harmadikon 4-szer, és így tovább fordul elő. Vagyis az  $i$ -edik sorszámú képen  $(i - 1)^2$  db lesz belőle. Mindegyik ilyen kis részlet két kis szürke négyzetet tartalmaz. Az alsó sorban (amit az előbb kihagytunk)  $i - 1$  db szürke négyzet van, ahogyan a jobb oldali sávban is. Mindent összeadva az alábbi képletet kapjuk a szürke négyzetek számára:

$$2(i - 1)^2 + 2(i - 1) = 2i(i - 1), \quad \text{vagyis} \quad 2i(i - 1) = 2112.$$

Ebből kapjuk:  $i^2 - i - 1056 = 0$ . Az egyenlet megoldása:  $i_1 = 33$ ,  $i_2 = -32$ . Ez utóbbi nyilván nem lehet, tehát a 33. ábrán lesz 2112 szürke négyzet.