

Megoldás. A 44 méter hosszú drótból az elkerített téglalap három oldala kell hogy kijöjjön, s ezek között két egyenlő hosszú, párhuzamos oldal lesz. Tehát, ha a téglalap oldala a és b , akkor $2a + b = 44$, az elkerített terület pedig ab .

A $2a + b = 44$ egyenletből a b -t kifejezve $b = 44 - 2a$ -t kapunk. Az ab maximumát keressük, amibe b -t behelyettesítve:

$$\begin{aligned} ab &= a(44 - 2a) = 44a - 2a^2 = -2(a^2 - 22a) = -2[(a - 11)^2 - 121] = \\ &= -2(a - 11)^2 + 242. \end{aligned}$$

Ha az $f(a) = -2(a - 11)^2 + 242$ hozzárendelésű függvény képét koordinátarendszerben ábrázolnánk, akkor egy lefelé nyíló parabolát kapnánk. A függvény maximuma 242, és ezt az $a = 11$ helyen veszi fel.

a) Ha méterenként tűzhető le a drót, akkor a rövidebb oldal $a = 11$ méter, a másik oldal pedig: $b = 44 - 2 \cdot 11 = 22$ méter. Ekkor a maximális terület: $t = 242 \text{ m}^2$.

b) Ha a drót csak 2 méterenként tűzhető le, akkor az a oldal nyilván nem lehet 11 méter. A függvény $x < 11$ esetén szigorúan monoton nő, $x > 11$ esetén pedig szigorúan monoton csökken. Ezt felhasználva a következő két lehetőség adódik: $a = 12 \text{ m}$ és $b = 20 \text{ m}$ vagy $a = 10 \text{ m}$ és $b = 24 \text{ m}$. A terület mindkét esetben 240 m^2 .