

**I. megoldás.** Tegyük fel, hogy a lord  $n$  fontot vett magához. Ekkor a feladat szövege alapján az alábbi oszthatóságok állnak fenn:  $6 \mid n$ ,  $5 \mid n - 1$ ,  $4 \mid n - 2$ ,  $3 \mid n - 3$ ,  $2 \mid n - 4$  és azt is tudjuk, hogy  $n - 5$  prímszám. Az  $5 \mid n - 1$  feltétel alapján  $n - 1$  vagy 0-ra, vagy 5-re végződik, így  $n$ -nek vagy 1-re, vagy 6-ra kell végződnie. A  $6 \mid n$  feltételből következik, hogy  $n$  páros, tehát csak 6-ra végződhet. Figyelembe véve, hogy a lord 300 és 500 font közötti összeget vett magához,  $n$  csak  $\overline{3a6}$  vagy  $\overline{4b6}$  alakú lehet. Mivel  $n$  osztható 6-tal, azért 3-mal is osztható, tehát számjegyeinek összege osztható 3-mal. Így  $n$  értéke csak a 306, 336, 366, 396, 426, 456 és 486 számok közül kerülhet ki. A  $4 \mid n - 2$  feltétel ezek közül csak a 306, 366, 426, 486 számokra teljesül.

Képezve  $n - 5$  lehetséges értékeit:

$$306 - 5 = 301 = 7 \cdot 43,$$

$$366 - 5 = 361 = 19^2,$$

$$426 - 5 = 421 \text{ prímszám},$$

$$486 - 5 = 481 = 13 \cdot 37.$$

Tehát  $n$  egyetlen lehetséges értéke a 426, a lord 426 fontot vett magához.

**II. megoldás.** Jelölje  $x$  azt az összeget, amennyit a lord magához vett. Tudjuk, hogy  $6 \mid x$ ,  $5 \mid x - 1$ ,  $4 \mid x - 2$ ,  $3 \mid x - 3$ ,  $2 \mid x - 4$  és  $x - 5$  prímszám. Ezekből következik, hogy  $x - 6$  osztható 6-tal, 5-tel, 4-gyel, 3-mal és 2-vel is, vagyis biztosan osztható  $[6; 5; 4; 3; 2] = 60$ -nal. 60-nak négy többszöröse esik a megfelelő intervallumba: 300, 360, 420 és 480. E számok közül azt keressük, amelyikhez 1-et adva prímszámot kapunk.  $301 = 7 \cdot 43$ ,  $361 = 19^2$ ,  $481 = 13 \cdot 37$ , egyedül a 421 prím.

Tehát a lord  $421 + 5 = 426$  fontot vett magához.