

**Megoldás.** Mivel  $x$  nem negatív, nyilván teljesül, hogy

$$x^3 + 8x^2 - 6x + 8 < (x + 3)^3 = x^3 + 9x^2 + 27x + 27.$$

Az is minden  $x$ -re igaz, hogy

$$(x + 1)^3 < x^3 + 8x^2 - 6x + 8,$$

hiszen a két oldal különbsége

$$5x^2 - 9x + 7,$$

és  $5x^2 - 9x + 7$  diszkriminánsa negatív ( $-59$ ), tehát minden értéke pozitív. Mivel  $y^3 = x^3 + 8x^2 - 6x + 8$  köbszám, egy lehetőség maradt, mégpedig

$$x^3 + 8x^2 - 6x + 8 = (x + 2)^3, \quad \text{és} \quad y = x + 2.$$

Ez azt jelenti, hogy

$$2x^2 - 18x = 0,$$

amelynek két megoldása van:  $x_1 = 0$  és  $x_2 = 9$ , és ezekből az  $y$ -t is meghatározhatjuk:  $y_1 = 2$  és  $y_2 = 11$ .

Az egyenletet tehát két  $(x; y)$  nem negatív egész számpár elégíti ki, mégpedig a  $(0; 2)$  és a  $(9; 11)$ .