

**Megoldás.** Tekintsünk egy vékony ( $r$  és  $r + \Delta r$  sugarú gömbfelületek által határolt) gömbhéjat ( $\Delta r \ll r$ )! Ennek a gömbhéjnak a térfogata  $4\pi r^2 \Delta r$ , és a hang  $\Delta t = \frac{\Delta r}{v}$  idő alatt jut át rajta. Ezalatt a hangforrás összesen

$$P\Delta t = \frac{P\Delta r}{v}$$

energiát bocsát ki, az energia térfogati sűrűsége (egységnyi térfogatra jutó energia) tehát

$$\sigma = \frac{P\Delta r}{v} \cdot \frac{1}{4\pi r^2 \Delta r} = \frac{P}{4\pi r^2 v}.$$

Hasonlóan kapjuk, hogy az energiaáram-sűrűség

$$S = \frac{P\Delta t}{4\pi r^2} \cdot \frac{1}{\Delta t} = \frac{P}{4\pi r^2}.$$

A hang energiája arányos a harmonikus rezgőmozgással mozgó levegő maximális mozgási energiájával. Ha a hanghullám amplitúdója  $A$ , körfrekvenciája pedig  $\omega$ , akkor egy kicsiny  $\Delta V$  térfogatban levő  $\Delta m = \rho \Delta V$  tömegű levegő maximális sebessége  $A\omega$ , mozgási energiája tehát  $\frac{1}{2}\rho \Delta V (A\omega)^2$ . Másrészt ebben a térrészben levő hangenergia  $\sigma \Delta V$ . A két mennyiség arányosságából

$$\frac{1}{2}\rho \Delta V (A\omega)^2 \sim \sigma \Delta V, \quad \text{azaz} \quad \frac{1}{2}\rho A^2 \omega^2 \sim \sigma = \frac{P}{4\pi r^2 v}.$$

Látható, hogy az  $A$  amplitúdó az  $r$  távolsággal fordítottan arányos, és a hangterjedés többi jellemzőjétől

$$A \sim \frac{1}{r} \cdot \frac{1}{\omega} \sqrt{\frac{P}{\rho v}}$$

módon függ.

*Megjegyzés.* Egy közegben  $v$  sebességgel terjedő energia  $\sigma$  térfogati sűrűsége és  $S$  felületi áramsűrűsége között fennáll az  $S = \sigma v$  reláció. Ez nemcsak a hangra és nemcsak a gömbszimmetrikus energiaáramlásra igaz, hanem teljesen általános összefüggés, pl. a fényre is érvényes.