

Ha a felső, súrlódásmentes szakaszon a henger t_1 idő alatt csúszik le, ezen szakasz alján a sebessége

$$v = g \sin \alpha t_1 = \sqrt{2gh}.$$

Innen

$$t_1 = \sqrt{\frac{2h}{g \sin^2 \alpha}} = 1,2 \text{ s.}$$

A súrlódásos szakaszon – amíg a henger kőszörül – a súlypont nem gyorsul (hiszen a súrlódásra megadott feltétel szerint $mg \sin \alpha - \mu_2 mg \cos \alpha = 0$), de a tengely körüli forgás

$$mgR \sin \alpha = \Theta \beta = \frac{1}{2} mR^2 \beta$$

szerint gyorsul. Ez addig tart, amíg a kerületi sebesség el nem éri v -t, azaz amíg

$$\beta R t_2 = g t_1 \sin \alpha$$

nem teljesül. Ebből a feltételből $t_2 = \frac{t_1}{2} = 0,6 \text{ s}$, tehát a teljes idő $1,8 \text{ s}$. A második szakasz lejtő mentén mért hossza

$$s = v t_2 = \frac{1}{2} g \sin \alpha t_1^2,$$

megegyezik az első szakaszéval, így a teljes süllyedés $2h$.

A henger tömegközéppontjának sebessége a tiszta gördülés kezdetekor $v = \sqrt{2gh}$, szögsebessége pedig $\omega = v/R$. A teljes mozgási energia

$$E = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} m R^2 \frac{\omega^2}{R^2} = \frac{3}{2} m g h,$$

így a mechanikai energiavesztés

$$\Delta E = 2mgh - \frac{3}{2}mgh = \frac{1}{2}mgh \approx 36 \text{ J.}$$

Ugyanezt az eredményt úgy is megkaphatjuk, hogy a súrlódási erőt megszorozzuk az egymáshoz képest elcsúszó felületek *relatív* elmozdulásával.

Bilicz Sándor (Tiszaföldvár, Hajnóczy J. Gimn. 11. o.t.) dolgozata alapján