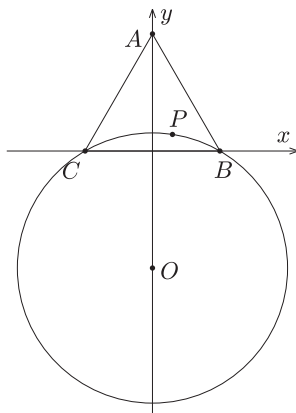


Az  $a$  oldalú  $ABC$  háromszöget helyezzük el a koordinátarendszerben az *ábra* szerint. Csúcspontjainak koordinátái:

$$A\left(0; \frac{a\sqrt{3}}{2}\right); \quad B\left(\frac{a}{2}, 0\right); \quad C\left(-\frac{a}{2}, 0\right).$$

A  $P$  pont koordinátái:  $P(x; y)$ . Az ismert távolságképlet felhasználásával felírhatjuk a  $PA$ ,  $PB$ ,  $PC$  távolságok négyzetét:

$$PA^2 = x^2 + \left(y - \frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2, \quad PB^2 = \left(x - \frac{a}{2}\right)^2 + y^2, \quad PC^2 = \left(x + \frac{a}{2}\right)^2 + y^2.$$



A négyzetekre vonatkozó egyenlőséget felírva végezzük el a kijelölt műveleteket. Ekkor a következő egyenlethez jutunk:

$$\begin{aligned} x^2 + y^2 - a\sqrt{3}y + \frac{3a^2}{4} &= \\ = x^2 - ax + \frac{a^2}{4} + y^2 + x^2 + ax + \frac{a^2}{4} + y^2. \end{aligned}$$

Rendezzük az egyenletet és alakítsuk teljes négyzetté az  $x$ -et, illetve  $y$ -t tartalmazó tagokat. Így kapjuk, hogy

$$x^2 + \left(y + \frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2 = a^2,$$

ami kör egyenlete. A kör középpontja  $O\left(0; \frac{-a\sqrt{3}}{2}\right)$ , sugara  $a$ .

A keresett  $P$  pontok ezen a körön helyezkednek el. Lépéseink megfordíthatók, így a kör minden pontja hozzátartozik a keresett ponthalmazhoz.