

A koordinátarendszert vegyük fel úgy, hogy az y tengely legyen a tükör tengely. Ekkor az ABC háromszög csúcsainak és A_1, B_1, C_1 tükörképeiknek koordinátái: $A(a_1, a_2), A_1(-a_1, a_2), B(b_1, b_2), B_1(-b_1, b_2), C(c_1, c_2), C_1(-c_1, c_2)$. Ezen pontok segítségével felírhatjuk a három egyenes irányvektoros egyenletét.

1) a illeszkedik A_1 -re és párhuzamos BC -vel:

$$(c_2 - b_2)x + (c_1 - b_1)y = -(c_2 - b_2)a_1 + (c_1 - b_1)a_2.$$

2) b illeszkedik B_1 -re és párhuzamos AC -vel:

$$(a_2 - c_2)x + (a_1 - c_1)y = -(a_2 - c_2)(-b_1) + (a_1 - c_1)b_2.$$

3) c illeszkedik C_1 -re és párhuzamos AB -vel:

$$(b_2 - a_2)x + (b_1 - a_1)y = -(b_2 - a_2)(-c_1) + (b_1 - a_1)c_2.$$

Az a és b egyenesek nem párhuzamosak, ezért van egy P metszéspontjuk, amely kielégíti az 1) és 2) egyenleteket. Mivel 1) és 2) összegének a (-1) szerese éppen a 3), azért P kielégíti a 3) egyenletet is. Mivel a három egyenes különböző, azért a három egyenes valóban egy ponton halad át.

Jelítai Kálmán (Budapest, Szent István Gimnázium, 11. évf.)

Megjegyzés: A megoldások általában koordináta-geometriai, illetve elemi geometriai jellegűek voltak. Az elemi geometriai megoldások között nem volt hibátlan, a következők miatt kellett pontokat levonni:

- Párhuzamos szárú szögek nem feltétlenül egyenlők egymással.
- Ha két pont másik két pontból egyenlő szög alatt látszik, akkor ebből még nem következik, hogy a négy pont egy körön van.