Legyenek a gondolt számok $x_1 \le x_2 \le x_3 \le x_4 \le x_5$. Ha valamennyi kéttagú összeget összeadjuk, azt kapjuk, hogy

$$4(x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5) = 90,$$

azaz a számok összege

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = \frac{45}{2}. \tag{1}$$

A számok rendezése miatt $x_1 + x_2 = 6$ a legkisebb összeg, és

$$x_4 + x_5 = 12 \tag{2}$$

a legnagyobb. (1)-gyel összevetve adódik, hogy

$$x_3 = \frac{45}{2} - (x_1 + x_2) - (x_4 + x_5) = \frac{9}{2}.$$

Mivel $x_3 + x_4 \le x_3 + x_5 \le x_4 + x_5$, ezért az utolsó előtti legnagyobb összeg $x_3 + x_5 = 11$, innen, mivel $x_3 = \frac{9}{2}$, az $x_5 = \frac{13}{2}$, (2)-ből pedig $x_4 = 12 - \frac{13}{2} = \frac{11}{2}$.

Végül $x_1 + x_2 = 6$ és $x_1 + x_3 = 7$ a következő legkisebb összeg, ahonnan

$$x_1 = 7 - x_3 = 7 - \frac{9}{2} = \frac{5}{2} \qquad \text{és} \qquad x_2 = 6 - \frac{5}{2} = \frac{7}{2}.$$

A gondolt számok tehát nagyság szerint: $\frac{5}{2}$, $\frac{7}{2}$, $\frac{9}{2}$, $\frac{11}{2}$ és $\frac{13}{2}$.

Könnyen ellenőrizhetjük, hogy valamennyi felsorolt kéttagú összeg előfordul, hiszen

$$x_1 + x_2 = 6, \qquad x_1 + x_3 = 7, \qquad x_1 + x_4 = 8, \qquad x_1 + x_5 = 9, \qquad x_2 + x_3 = 8,$$
$$x_2 + x_4 = 9, \qquad x_2 + x_5 = 10, \qquad x_3 + x_4 = 10, \qquad x_3 + x_5 = 11 \quad \text{és} \quad x_4 + x_5 = 12.$$

Blaskó Ján (Budapest, Szlovák Gimn., 10. o.t.)