

A prímek által alkotott számtani sorozat legyen $a, a + d, a + 2d, \dots, a + 14d$, ahol a és d pozitív egész. A 15-nél kisebb prím nem fordulhat elő a sorozatban, hiszen $a < 15$ esetén a sorozatnak $a + ad = a(d + 1)$ is eleme lenne, holott ez összetett szám. Megmutatjuk, hogy d minden 15-nél kisebb prímszámmal osztható. Ha ugyanis nem lenne osztható p -vel, és p a 15-nél kisebb prím, akkor a sorozat i -edik és j -edik ($1 \leq i < j \leq p$) tagjának különbsége, $(j - i)d$, nem osztható p -vel, azaz $a, a + d, \dots, a + (p - 1)d$ csupa különböző maradékot ad p -vel osztva. Ekkor valamelyikük osztható p -vel, ami lehetetlen, mivel p -nél nagyobb prímszámra ez nem teljesülhet. Tehát d osztható a 2, 3, 5, 7, 11, 13 számok mindegyikével, így $30\,030 = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \cdot 13 \mid d$, ezért d nyilván 30 000-nél nagyobb.