Ha az eredetileg n kupac valamelyikének l eleme volt, úgy „írjunk rá” mindegyik benne lévő mogyoróra $\frac{1}{l}$-et. Ezt valamennyi kupacra elvégezve minden mogyoró pozitív számot visel, egy kupacon belül ezen számok összege 1, tehát az összes ilyen szám összege n.

Tételezzük fel – a feladat állításával ellentétben –, hogy legfeljebb k szem mogyoró került az új elosztás során az eredetivel kisebb kupacba. Mivel az új kupacok száma $n+k$, azért lesz legalább n olyan (új) kupac, amelyben minden mogyoróról elmondható, hogy legalább akkora kupacba került, amekkorában eredetileg volt. Így a szóban forgó n új kupac bármelyikében a mogyorószemek által viselt számok összege legalább 1, az n új kupacban levőket összegezve pedig legalább n. Ez azonban azt jelenti, hogy a fennmaradó k új kupacban a mogyorókra írt számok összege legfeljebb nulla, ami ellentmond annak, hogy itt is csupa pozitív számot összegeztünk.

Megjegyzés. A $(k+1)$-es becslés nem javítható. Osszuk el eredetileg a mogyorókat úgy, hogy az egyik kupacba pontosan $k+1$ szem mogyoró kerüljön. A második szétosztás pedig csupán abban különbözzék az elsőtől, hogy a korábbi kiszemelt $k+1$-es kupacot $k+1$ darab egyelemű kupacba osztjuk szét. Ekkor pontosan ez a $k+1$ mogyoró kerül az eredetinél kisebb kupacba.

Poronyi Gábor (Pécs, Janus Pannonius Gimn., 11. o.t.) és *Terpai Tamás* (Fazekas M. Főv. Gyak. Gimn., 11. o.t.) dolgozatai alapján