

Tükrözzük  $K$ -t  $P$ -re, majd a tükörképet középpontosan kicsinyítsük  $P$ -ből úgy, hogy a kicsinyített  $K'$  sokszöget  $K$  tartalmazza, de  $K'$ -nek legyen egy olyan  $A$  csúcsa, amely  $K$  kerületén van. (Ez a tulajdonság  $L$  konvexitása miatt a kicsinyítés arányát egyértelműen meghatározza. Ugyanakkor előfordulhat, hogy  $K'$  több csúcsa – pl. ha  $K$  egy háromszög és  $P$  a súlypontja, (1. ábra) –, vagy esetleg egy egész oldala – (2. ábra) –  $K$  kerületére kerül.)

Megmutatjuk, hogy az  $AP$  irányú egyenesek közül  $AP$ -nek esik a leghosszabb darabja  $K$  belsejébe. Ehhez elegendő megmutatnunk azt, hogy az  $AP$ -vel párhuzamos egyenesek közül  $AP$ -nek esik a leghosszabb darabja  $K'$  belsejébe, mert a  $K$ -t  $K'$ -be vivő leképezés megtartja az egyenesek irányát és a szakaszok arányát. Mivel  $A$  rajta van  $K$  kerületén, ezért  $K$ -nak van (legalább) egy  $CD$  oldala, amely tartalmazza  $A$ -t. Legyen  $CD$  képe a  $K$ -t  $K'$ -be vivő leképezésnél  $C'D'$  (3. ábra). Ekkor  $K'$  a  $CD$  egyenes által meghatározott félsíkban van, amelyben  $P$ , mert  $K'$  konvex. Azonban  $C'D'$  definíciója miatt  $P$  benne van a  $CD$  és  $C'D'$  egyenesek által határolt síkban, tehát  $K'$  is teljes egészében ebben a sávban van. Ha  $A'$  jelöli  $A$  képét a  $K$ -t  $K'$ -be vivő leképezésnél, akkor a  $P$ -n átmenő  $AA'$  szakaszra teljesül, hogy a  $K'$ -t tartalmazó  $CD$  és  $C'D'$  párhuzamos egyenesek által meghatározott sáv határoló egyenesének egy-egy pontját köti össze, és teljes egészében  $K'$  belsejében van. Mivel  $K'$  a  $CD$  és a  $C'D'$  egyenesek meghatározta sávban fekszik, azért minden, az  $AA'$ -vel párhuzamos egyenesből olyan szakaszt vág ki  $K'$ , amely része egy  $AA'$  hosszúságú szakasznak. Az  $AP$  irány tehát valóban eleget tesz a feladat követelményének.

