

I. megoldás. Jelöljük a félgömb tömegét M -mel, a sugarát r -rel, a nehezék tömegét pedig m -mel. Egyensúlyi helyzetben a testre ható erők eredő forgatónyomatéka bármely pontra nézve nulla kell legyen. Írjuk fel például az 1. ábrán látható P pontra vonatkoztatva a nyomatékok egyensúlyát:

$$Mg \frac{3r}{8} \sin \alpha = mgr \cos \alpha,$$

ahonnan a $M = 2m$ felhasználásával $\operatorname{tg} \alpha = 4/3$, azaz $\alpha = 53,1^\circ$ adódik.

Kurucz Keve (Révkomárom, Selye J. Gimn., I. o.t.)

II. megoldás. A félhengert helyettesíthetjük az A tömegközéppontjába helyezett $2m$ tömegű pontszerű testtel (2. ábra), a nehezéket pedig a B pontba helyezett m tömegponttal. Ennek az összetett rendszernek az AB szakaszt harmadoló S pontban van a közös tömegközéppontja. Ha a félgömböt képzeletben elfordítjuk, az S pont az O középpontú k körön mozdul el. Egyensúlyi helyzetben az S pont a k kör legmélyebb pontjában, vagyis az O középpont alatt helyezkedik el. (Az O pont az elforgatás során az asztallaptól mindvégig r távolságban marad.)

Az ABO derékszögű háromszögből

$$\beta = \arcsin(3/8) = 20,56^\circ \text{ és } AS = \frac{1}{3}AB = 0,3560r.$$

Az AOD háromszögből $AD = \frac{3r}{8} \sin \beta = 0,1317r$, ODB háromszögből pedig $OD = r \sin \beta = 0,3511r$. Végül az OSD háromszögből

$$\operatorname{tg}(\alpha - \beta) = \frac{SD}{OD} = \frac{AS - AD}{OD} = \frac{0,3560r - 0,1317r}{0,3511r} = 0,6388,$$

ahonnan

$$\alpha - \beta = 32,57^\circ, \text{ tehát } \alpha = 32,57^\circ + 20,56^\circ = 53,13^\circ.$$

Gönci Balázs (Budapest, Móricz Zs. Gimn., II. o.t.) és *Németh Péter* (Jászapáti, Mészáros L. Gimn., II. o.t.)

dolgozata alapján

