

A henger szögelfordulása legyen α , szögsebessége $\dot{\alpha}$! A henger tömege legyen $(3/4)m$, vagyis a lyuk nélkül éppen m ! Mivel a kivágott rész középpontja $(r/2)(1 - \cos \alpha)$ távolsággal került lejjebb, azért a helyzeti energia a nyugalmi helyzethez viszonyítva:

$$V = (m/4)g(r/2)(1 - \cos \alpha) \approx (1/2)(mgr/8)\alpha^2.$$

Tehát a helyzeti energia az α szögelfordulás négyzetével arányos kis α szögre, így a henger a nyugalmi helyzete körül harmonikus rezgőmozgást végez.

A rezgés során a maximális kitérés legyen α_m , a maximális szögsebesség $\dot{\alpha}_m$! Ha a rezgés körfrekvenciája ω , akkor $\dot{\alpha}_m = \omega\alpha_m$. Az α_m és $\dot{\alpha}_m$ között az energiamegmaradás teremt kapcsolatot. A mozgási energia abban a pillanatban, amikor $\alpha = 0$, $K_m = (1/2)\Theta\dot{\alpha}_m^2$ ahol Θ a forgástengelyre vonatkozó tehetetlenségi nyomaték – a pillanatnyi forgástengely mindig a talajjal érintkező egyenes. Kis α kitérésekre Θ -t is állandónak vehetjük. Felhasználva, hogy az m tömegű, r sugarú henger szimmetriatengelyére vonatkozó tehetetlenségi nyomatéka $(1/2)mr^2$, a Steiner-tétel alkalmazásával kapjuk:

$$\Theta = \frac{1}{2}mr^2 + mr^2 - \left[\frac{1}{2} \cdot \frac{m}{4} \left(\frac{r}{2}\right)^2 + \frac{m}{4} \left(\frac{3}{2}r\right)^2 \right] = \frac{29}{32}mr^2.$$

A szögletes zárójelben levő tag a kivágott rész tehetetlenségi nyomatéka. A mozgási energia maximuma végül

$$K_m = (1/2)(29/32)mr^2(\dot{\alpha}_m)^2.$$

Az energia megmaradása miatt ez egyenlő a helyzeti energia

$$V_m = \frac{1}{2} \frac{mgr}{8} \alpha_m^2$$

maximumával. Ebből

$$\dot{\alpha}_m = \sqrt{\frac{4}{29} \frac{g}{r}} \alpha_m.$$

Tehát a rezgés körfrekvenciája

$$\omega = \sqrt{\frac{4}{29} \frac{g}{r}},$$

periódusideje pedig

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{29}{4} \frac{r}{g}}.$$