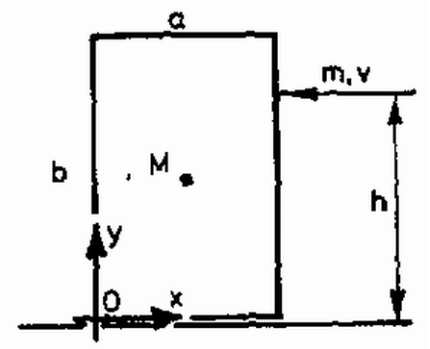
Ütközés esetén az impulzus, ill. impulzusmomentum megmarad. Írjuk fel az O pontra vonatkoztatott impulzusmomentum megmaradását (azért az O pontra vonatkozót, mert így az egyenletből kiesik az O pontban ható külső erő, l. az ábrát)



$$mvh = \Theta\omega, \tag{1}$$

ahol ω az O körüli forgás szögsebessége és Θ az O-ra vonatkozó teljes tehetetlenségi nyomaték:

$$\Theta = \frac{1}{12}(a^2+b^2)M + \frac{1}{4}(a^2+b^2)M + (a^2+h^2)m = \frac{1}{3}(a^2+b^2)M + (a^2+h^2)m \tag{2}$$

(m és M a puskagolyó, ill. a láda tömege).

Θ kiszámításához felhasználtuk a Steiner–tételt, és feltettük, hogy a golyó nem hatolt be mélyen a láda belsejébe.

A láda akkor dől fel, ha a forgási energiája elég nagy ahhoz, hogy a súlypont O fölé kerüljön. A súlypont koordinátái az ábrán jelölt koordináta–rendszerben:

$$\left(\frac{M(a/2)+ma}{M+m}, \qquad \frac{M(b/2)+mh}{M+m}\right).$$

Határesetben a láda a súlypont legmagasabb helyzeténél éppen megáll. Erre az esetre az energiamegmaradás:

$$\frac{1}{2}\Theta\omega^2 = (M+m)g\left[\sqrt{\left(\frac{M\frac{a}{2}+ma}{M+m}\right)^2 + \left(\frac{M\frac{b}{2}+mh}{M+m}\right)^2} - \frac{M\frac{b}{2}+mh}{M+m}\right]. \tag{3}$$

A Θ és ω ismeretleneket kiküszöbölve az (1), (2) és (3) egyenletből fejezzük ki v-t:

$$v = \frac{M}{mh}\sqrt{g\left[\sqrt{a^2\left(1+2\frac{m}{M}\right)^2 + \left(b+2h\frac{m}{M}\right)^2} - \left(b+2h\frac{m}{M}\right)\right]\left[\frac{1}{3}(a^2+b^2) + \frac{m}{M}(a^2+h^2)\right]}.$$

Tehát a golyó sebességének legalább ekkorának kell lennie, hogy a láda felboruljon.

Ha a golyó tömege elhanyagolhatóan kicsi, $m \ll M$, akkor

$$v = \frac{M}{mh}\sqrt{\frac{g}{3}\big(\sqrt{a^2+b^2}-b\big)(a^2+b^2)}.$$

Frei Zsolt (Pécs, Nagy Lajos Gimn., III. o. t.) és
Tóth Gábor (Bp., Fazekas M. Gyak. Gimn., III. o. t.)
dolgozata alapján