

**I. megoldás.** A meglökést követő pillanatban a  $M$  tömegű deszka  $v_0$  sebességgel csúszik a nyugvó vonatkoztatási rendszerhez képest, a  $m$  tömegű test pedig áll.



A két test relatív csúszása miatt fellépő  $\mu mg$  nagyságú súrlódási erő lassítja a deszkát és gyorsítja a  $m$  tömegű testet. A  $M$  és a  $m$  tömegű testek  $a_1$ , ill.  $a_2$  gyorsulását a Newton-törvény segítségével határozhatjuk meg:

$$(1) \quad a_1 = -\mu mg/M, \quad a_2 = \mu g.$$

$t$  idő múlva a két test sebessége megegyezik,

$$(2) \quad v_0 + a_1 t = a_2 t,$$

s a testekre ható súrlódási erő zérus lesz, mivel ekkor a testek egymáshoz képest nem mozdulnak el. Így a továbbiakban már mindkét test állandó és azonos sebességgel halad.

A  $M$  tömegű deszka akkor fog kicsúszni a  $m$  tömegű test alól, ha a testek által  $t$  idő alatt megtett utak különbsége nagyobb a deszka  $L$  hosszánál. Így a legkisebb  $v_0$  indítási sebességre a következő egyenletet írhatjuk fel:

$$(3) \quad v_0 t + (1/2)a_1 t^2 - (1/2)a_2 t^2 = L.$$

(2)-ből kifejezve a  $t$  időt és behelyettesítve (3)-ba, a következő kifejezést kapjuk:

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{v_0^2}{(a_2 - a_1)} = L.$$

Ebből az egyenletből a keresett  $v_0$  kifejezhető, így az (1) egyenletek felhasználásával kapjuk:

$$(4) \quad v_0 = \sqrt{\frac{2Lg\mu(M+m)}{M}}.$$

Ennél nagyobb sebességgel kell meglökni a deszkát, hogy az  $m$  tömegű test alól kicsússzék.

**II. megoldás.** A deszka kicsúszásának pillanatában a két test azonos  $v$  sebességgel mozog. Mivel a két testre csak belső erők hatnak, ezért a rendszer teljes impulzusa állandó, s így

$$Mv_0 = (M+m)v.$$

A két test egymáson történő csúszásakor a súrlódási erő  $L$  hosszúságú úton munkát végez, és ezzel csökkenti a rendszer kinetikus energiáját, azaz

$$(1/2)Mv_0^2 - (1/2)(M+m)v^2 = \mu mgL.$$

A két egyenletből a keresett sebességre (4)-gyel azonos eredmény adódik.

*Szvetnik Endre (Kecskemét, Katona J. Gimn., II. o. t.)*