

Mind az oda-, mind a visszaút három szakaszból áll: a rakéta a maximális  $3g$  gyorsulással felgyorsul a megengedett sebességre; egyenletes sebességgel halad célja felé; majd ismét  $-3g$  gyorsulással megáll.

A felgyorsuláshoz, illetve lelassuláshoz szükséges idő

$$t_1 = v_{\max}/3g,$$

az ezalatt megtett út

$$s_1 = \frac{3g}{2} t_1^2 = \frac{v_{\max}^2}{6g}.$$

A rakéta maximális sebességgel mindkétszer  $s_2 = s - 2s_1$  utat tesz meg, az ehhez szükséges idő

$$t_2 = \frac{s - 2s_1}{v_{\max}}.$$

A csillag meglátogatásához szükséges összes idő akkor

$$T = 2 \cdot (2t_1 + t_2) \approx 10 \text{ év } 220 \text{ nap.}$$

*Fodor László (Vác, Sztáron S. Gimn., II. o. t.)*

*Megjegyzések.* 1. Egy feladat számszerű végeredményének megadásakor mindig gondoljunk arra, hogy a felhasznált adatok mérések eredményei, és nincs értelme a számítás végeredményét nagyobb pontossággal megadni, mint amilyen pontosak az adatok voltak. Az adott feladatban pl. a nehézségi gyorsulást  $10 \text{ m/s}^2$ -nek véve 2%-os hibát követünk el, a csillag távolsága is csak kb. 1% pontossággal ismert, teljesen irreális tehát az utazás idejét másodperc pontossággal megadni.

2. A csillag meglátogatásához szükséges időt klasszikusan, a Földhöz rögzített koordináta-rendszerben számítottuk ki. A fénysebességhez közeli  $v$  sebességgel mozgó űrhajó utasa számára azonban a relativitáselmélet szerint  $\sqrt{1 - v^2/c^2}$ -szeresen kisebb idő telik el. Becsüljük meg, mennyit öregszik az űrhajós, feltéve, hogy a Földről nézve ugyanúgy mozog, mint klasszikusan. A gyorsulás ideje alatti időlassúbbodást a  $v_{\max}/2$  átlagsebességnek megfelelően számítva közelítjük. Ekkor

$$T' \approx 2t_2 \sqrt{1 - \left(\frac{v_{\max}}{c}\right)^2} + 4t_1 \sqrt{1 - \left(\frac{v_{\max}}{2c}\right)^2} \approx 6 \text{ év } 90 \text{ nap.}$$